ジョイスティック式自動車運転支援装置の感度設定と

操縦安定性に関する研究

Study on Sensitivity Setting and Steering Stability of Car Driving Support Device with Joystick

○ 木村耀平(農工大) 和田正義(農工大)

Yohei KIMURA, Tokyo University of Agriculture and Technology Masayoshi WADA, Tokyo University of Agriculture and Technology

Abstract: In recent years, the number of body disabilities is increasing as a result of aging of population. Along with it, the car driving support devices with joystick for severe disabilities have been developed. In this study, we propose the method for changing the joystick sensitivity according to each vehicle speed in order to stabilize the behavior of the vehicle. By developing the program to adjust the weighting matrix in optimal regulator automatically, the joystick sensitivity can be calculated. We confirmed the driving stability of the vehicle by the joystick car driving simulation with its sensitivity. **Key Words:** Joystick, Sensitivity, Simulation, Optimal Regulator

1. 緒言

1-1 背景

近年、日本における少子高齢化が問題となっている.内 閣府の高齢社会白書⁽¹⁾によれば、人口に占める高齢者の割 合は、2015 年において 26.8%とされている.2060 年には 39.9%にのぼり、働く人1人が子供1人と高齢者1人を支 える社会になると予想されている.年齢階層別障碍者数の 推移⁽²⁾に注目すると、高齢になるにつれて身体障碍者の割 合が高いことから、高齢化により身体障碍者数は今後も更 に増加していくことが予想される.そのため、身体障碍者 の社会参加や自立を促すために、身体障碍者のための移動 手段が必要となる.身体障碍者が生活を楽しみ、意欲的に 社会に参加するために、自由度と快適性の高い移動手段と して自動車が最適である.本研究では、重度の身体障碍者 が自動車を操縦できるジョイスティック式自動車運転支援 装置に着目した.

1-2 目的

本研究は、重度障碍者向けに開発されたジョイスティッ ク式自動車運転支援装置の安定性向上を目指す.そのため に、ジョイスティックの感度(ジョイスティック操舵角に対 するハンドル操舵角)の観点から車両の走行安定性を検証 する.本稿では、車両の走行安定性を確保するために、車 両速度ごとにジョイスティック感度を決定する方法を提案 する.初めに、ジョイスティック感度を決定する方法を提案 する.初めに、ジョイスティックによる車両のステアリン グ操作を模擬した車両走行シミュレーションを構築する. 次に、最適制御を行うための重み行列を自動的に決定する 拘束条件式を、車両モデルとドライバの操舵モデルから導 く.求めた重み行列から最適制御ゲインが算出され、その ゲインからジョイスティック感度が計算できる.最後に、 計算されたジョイスティック感度を車両走行シミュレーシ ョンに入力することで、車両の走行安定性について検証す る.

2. シミュレーションおよび最適制御の概要

2-1 車両走行シミュレーションの概要

ジョイスティック操舵による車両走行シミュレーションの概要を説明する.図1にシミュレーションのブロック線図を示す.本シミュレーションでは、目標コースyrと車両予測位置yとの偏差sから、ドライバのジョイスティック操舵モデルを用いてジョイスティック操舵角&を決定する.

次に,設定されたジョイスティック感度を用いてジョイス ティック操舵角をハンドル操舵角*Swv*へ変換する.そして, ステアリングギア比Nを用いてハンドル操舵角から車両前 輪舵角&を算出し,これを車両モデルへ入力することで車 両の挙動をシミュレーションする.

図 2(a)にシミュレーションに用いる車両の等価二輪モデ ルを示す.等価二輪モデルとは、4 つのタイヤに働く横向 きの力を仮想の前後二輪にまとめて表現したものである. 本稿では、車両速度 V が一定であること、操舵できる車輪 は前輪のみであることを想定し、車両の運動方程式は式(1) で表される.

$$F_{f} = -C_{f}\beta_{f}, \quad F_{r} = -C_{r}\beta_{r}$$

$$\beta_{f} = \beta + \frac{l_{f}}{V}\gamma - \delta_{f}, \quad \beta_{r} = \beta - \frac{l_{r}}{V}\gamma \qquad (1)$$

$$mV(\dot{\beta} + \gamma) = 2F_{f} + 2F_{r}, \quad I_{z}\dot{\gamma} = 2F_{f}l_{f} - 2F_{r}l_{r}$$

ただし *m* は車両重量, β は車両の重心横滑り角, γ はヨ ーレイト, $F_{\{f,r\}}$ は前後のタイヤのコーナリングフォース, I_z はヨー慣性モーメント, $l_{\{f,r\}}$ は重心から前後のタイヤまで の距離, $C_{\{f,r\}}$ は前後のタイヤのコーナリングパワ, $\beta_{\{f,r\}}$ は 前後のタイヤの横滑り角を表す.

図 2(b)にシミュレーションで用いるドライバの一次予測 モデルを示す⁽³⁾.目標コースと車両予測位置との偏差に応 じたフィードバックから,一次予測モデルは式(2)で表され る.

$$\varepsilon_{(t)} = y_r (t + T_p) - y (t + T_p)$$

$$\delta_{j(s)} = K_1 (T_D \cdot s + 1) \cdot e^{-T_L \cdot s} \cdot \varepsilon_{(s)}$$
(2)

ただし, K_1 はドライバ操舵ゲイン, T_D は微分定数, T_L は 無駄時間, T_p は前方注視時間を表す.

ハンドル操舵角はジョイスティック感度,一次遅れを加 え式(3)で表される.

$$\delta_{sw(s)} = \frac{K_2}{T_2 \cdot s + 1} \cdot \delta_{j(s)} \tag{3}$$

ただし, K₂ はハンドル操舵ゲイン(ジョイスティック感度), T₂は時定数である.

ハンドル操舵角から車両前輪舵角までの方程式はステア リングギア比を用いて,次項の式(4)で表される.

$$\delta_{f(s)} = \frac{1}{N} \cdot \delta_{sw(s)} \tag{4}$$

この車両前輪舵角を車両モデルへ入力することで、ジョ イスティック操舵による車両の挙動をシミュレーションす る.

2-2 最適制御プログラムの概要

最適制御の重みを自動で計算する方法を説明する.図 3(a)に最適制御を用いる車両モデルを示す.車両の進行方 向を x 軸方向とし,θは微小と考えると,y 軸方向の運動お よび旋回方向運動は式(5)で表される.

$$m\frac{d^2y}{dt^2} = 2F_f + 2F_r$$

$$I_z \frac{d^2\theta}{dt^2} = 2F_f l_f - 2F_r l_r$$
(5)

車両の並進運動について,車両の速度ベクトルの方向を *y*とすると *x* 軸方向, *y* 軸方向成分は式(6)で表される.

$$V \cos \gamma \approx V$$

$$V \sin \gamma \approx V \gamma$$
(6)

式(6)について, x 軸方向速度成分は V で一定とみなし, y 軸方向速度成分は式(7)となる.

$$\frac{dy}{dt} = V\gamma \tag{7}$$

また、 γ は車両座標系では $\gamma = \beta + \theta$ であるから式(7)は式(8) となり、これより β は式(9)となる.

$$\frac{dy}{dt} = V(\beta + \theta) \tag{8}$$

$$\beta = \frac{1}{V} \frac{dy}{dt} - \theta \tag{9}$$

車両本体の回転角速度は絶対座標系では $d\theta/dt$ である. 車両座標系では γ であるので $\gamma = d\theta/dt$ となる.以上より式(1)の横滑り角は式(10)で表される.

$$\beta_{f} = \frac{1}{V} \frac{dy}{dt} - \theta + \frac{l_{f}}{V} \frac{d\theta}{dt} - \delta_{f}$$

$$\beta_{r} = \frac{1}{V} \frac{dy}{dt} - \theta - \frac{l_{r}}{V} \frac{d\theta}{dt}$$
(10)

これを式(1)のコーナリングフォースに代入すると式(11) となる.

$$F_{f} = -C_{f} \left(\frac{1}{V} \frac{dy}{dt} - \theta + \frac{l_{f}}{V} \frac{d\theta}{dt} - \delta_{f} \right)$$

$$F_{r} = -C_{r} \left(\frac{1}{V} \frac{dy}{dt} - \theta - \frac{l_{r}}{V} \frac{d\theta}{dt} \right)$$
(11)

したがって式(5)は式(12)となる.

$$\begin{split} m\ddot{y} &= -\frac{2}{V} \Big(C_f + C_r \Big) \dot{y} - \frac{2}{V} \Big(C_f l_f - C_r l_r \Big) \dot{\theta} + 2 \Big(C_f + C_r \Big) \theta + 2 C_f \delta_f \\ I_Z \ddot{\theta} &= -\frac{2}{V} \Big(C_f l_f - C_r l_r \Big) \dot{y} - \frac{2}{V} \Big(C_f l_f^2 + C_r l_r^2 \Big) \dot{\theta} + 2 \Big(C_f l_f - C_r l_r \Big) \theta + 2 C_f l_f \delta_f \end{split}$$
(12)

式(13)に示す行列 x, u, A, B を用いれば, 式(12)は式(14) で表される.

$$\mathbf{x} = \begin{bmatrix} y \\ \theta \\ y \\ \theta \end{bmatrix}, \quad \mathbf{u} = \delta_{f}$$

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & \frac{2}{m} (C_{f} + C_{r}) & -\frac{2}{mV} (C_{f} + C_{r}) & -\frac{2}{mV} (C_{f} l_{f} - C_{r} l_{r}) \\ 0 & \frac{2}{I_{Z}} (C_{f} l_{f} - C_{r} l_{r}) & -\frac{2}{I_{Z}V} (C_{f} l_{f} - C_{r} l_{r}) & -\frac{2}{I_{Z}V} (C_{f} l_{f}^{2} + C_{r} l_{r}^{2}) \end{bmatrix}$$
(13)

$$\mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \frac{2C_{f}}{m} \\ \frac{2C_{f} l_{f}}{m} \end{bmatrix}$$

x = Ax+Bu (14)
 ここで最適制御について考えると,式(15)の評価関数 J⁽⁴⁾
 を最小とするような重み行列 Q, Rにより最適制御ゲイン
 K が求められ,式(16)が導かれる.

$$J = \int_{0}^{\infty} \left(\mathbf{x}^{T} \mathbf{Q} \mathbf{x} + \mathbf{u}^{T} \mathbf{R} \mathbf{u} \right) dt$$

$$\mathbf{Q} = \begin{bmatrix} q_{1} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & q_{2} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & q_{3} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & q_{4} \end{bmatrix}, \quad \mathbf{R} = 1$$

$$\mathbf{u} = \mathbf{K} \cdot \mathbf{x} = \begin{bmatrix} a & b & c & d \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y \\ \theta \\ \dot{y} \\ \dot{\theta} \end{bmatrix}$$
(16)

次にドライバモデルについて,式(2)の無駄時間の項 $e^{-T_L s}$ を近似, 偏差 ε を図 3(b)に示す図から考えるとジョイスティック操舵角は式(17)で表される.

$$\delta_{j(s)} = K_1 (T_D \cdot s + 1) (1 - T_L \cdot s) (y + L \cdot \theta)$$
(17)

ただし, *L*は前方注視点距離である.式(17)を式(3)に代入して, その結果を式(4)に代入して整理すると,式(18)および式(19)が導かれる.

$$\delta_{f(t)} = K_0 \left\{ y + L \cdot \theta + \left(T_D - T_L \right) \cdot \dot{y} + \left(T_D - T_L \right) L \cdot \dot{\theta} \right\} (18)$$
$$K_0 = \frac{1}{N} \cdot \frac{K_2}{T_2} \cdot e^{-\frac{1}{T_2} t} \cdot K_1 \approx \frac{1}{N} \cdot \frac{K_2}{T_2} \cdot K_1$$
(19)

ここで式(16)と式(18)を恒等式としてみなすと,式(20)の 拘束条件式が導かれる.

$$\begin{cases} a = K_0 \\ b = K_0 \cdot L \\ c = K_0 \cdot (T_D - T_L) \\ d = K_0 \cdot (T_D - T_L) \cdot L \end{cases}$$
(20)

式(20)において, 求めたい数値は K₀および T_Dなので, 式 (20)から式(21)のように変形する.

$$\begin{cases} b/a - L = D_1 \\ d/c - L = D_2 \end{cases}$$
(21)

式(21)の差 D_[1,2]をゼロとするため,式(15)の q₂, q₄を次 項の式(22)のように決定する最適制御プログラムを構築し た.

以上により最適制御ゲインが算出され,式(19)および式 (20)を用いてジョイスティック感度および微分定数を計算 する.



Fig. 1 Joystick simulation block diagram





Vehicle model (b) Driver model Fig. 3 Model for optimal regulator

3. シミュレーション解析

本章では、最適制御から算出されたジョイスティック感 度および微分定数を用いた車両走行シミュレーションを行 う.車両横変位およびジョイスティック操舵変位の挙動に より、最適制御から算出されたジョイスティック感度で車 両が安定に走行するかを検証する.ドライバのパラメータ である前方注視時間と無駄時間は、経験的に得られた値と する⁽⁵⁾.車両速度 V は 15, 30, 50, 70, 90, 110 km/h とし、 目標コースを 0.3 m と一定、車両重心横位置の初期位置を 0 m として車両走行シミュレーションを行う.

初めに、表1に示すドライバおよび車両パラメータで最 適制御を行い、ジョイスティック感度および微分定数を決 定すると図4に示す結果となる.図4のジョイスティック 感度を用いて、車両走行シミュレーションを行った結果が 次項の図5から図10である.図5から図10より、車両速 度の低速度域から高速度域において、車両の挙動およびジ ョイスティックの操舵挙動が安定していることが確認できる.これより,式(22)によって重みを自動的に計算した最適 制御により得られたジョイスティック感度が,車両の安定 走行に寄与していると考えられる.

一般に、車両速度が速くなるほど車両の操舵量を減らす ことで、車両の挙動は安定することが知られている⁽³⁾. そ のため、ジョイスティック感度も車両速度ごとに低下させ た方が、車両の挙動が安定すると考えられる. 今回の結果 では図4のようにジョイスティック感度が一定においても、 低速度域から高速度域まで車両の挙動が安定した.これは、 正定行列となる最適制御の重み行列 Q の成分が負になる ことが原因であると考えられる. 重みを決定する条件は、 今後さらに検討を行っていく.

4. 結言

車両モデルとドライバモデルから最適制御の重み行列設 定のための条件式を導き,最適制御によって算出されたジ ョイスティック感度および微分定数での車両走行シミュレ ーションを行った.その結果,車両の挙動が安定すること が確認できた.

今後は、実験車両から得られたジョイスティック感度と 最適制御によって算出されたジョイスティック感度を比較、 検討する.また、正定行列となる重み行列Qの成分が負に なる原因を解明し、車両走行シミュレーションを行う予定 である.

Definition	Symbol	Value	Unit
Desired lateral displacement	yr	03	m
Initial lateral displacement of vehicle	<i>y</i> 0	0	m
Vehicle mass	m	1750	kg
Length from center of gravity to front wheel	l_f	1 4014	m
Length from center of gravity to rear wheel	l_r	1 3236	m
Yaw moment of inertia	I_z	3240	kg·m ²
Driver steering gain	K_1	10	rad/m
Joystick sensitivity	<i>K</i> ₂	variable	-
Driver dead time	T_L	0 2	s
Differential constant	T_D	$c/a+T_L$	s
Joystick time constant	T_2	0 2	s
Velocity	V	15~110	km/h
Preview time	T_p	L/V	s
Cornering power of front wheel	C_{f}	47760	N/rad
Cornering power of rear wheel	C_r	60683	N/rad
Stability factor	k	0 00054	$rad \cdot s^2/m^2$







Fig. 5 Simulation result (*V*=15, *K*₂=3.6, *T*_D=0.615)



Fig. 6 Simulation result (V=30, K₂=3.6, T_D=0.587)



Fig. 7 Simulation result (*V*=50, *K*₂=3.6, *T*_D=0.570)



Fig. 8 Simulation result (V=70, K₂=3.6, T_D=0.578)



Fig. 9 Simulation result (V=90, K₂=3.6, T_D=0.600)



Fig. 10 Simulation result (*V*=110, *K*₂=3.6, *T*_D=0.628)

参考文献

- (1) 内閣府, 平成25年度版, 高齡社会白書(全体版).
- (2) 内閣府, 平成25年度版, 障碍者白書(全体版).
- (3) 安部正人、人一自動車系のモデル、
 https://www.jsae.or.jp/~dat1/mr/motor20/mr20042012.pdf
 , (2015/06/30閲覧).
- (4) 尾形克彦,石川潤,制御のためのMATLAB,東京電 機大学出版局, pp. 413-420, 2010.
- (5) 社団法人日本機械学会編,車両システムのダイナミックスと制御,養賢堂, pp. 98-100, 1999.